DOI:10.11737/j.issn.1003-0239.2014.04.005

南海冬季一次海面大风天气的WRF模式预报检验

陈俊文¹,蔡扬²,白毅平²,林文实¹

(1. 中山大学环境科学与工程学院,广东,广州 510275; 2. 国家海洋局南海预报中心,广东,广州 510310)

摘 要:为寻找出适合南海冬季海面大风天气预报的边界层参数化方案,利用中尺度气象模式 WRF中9种边界层方案(YSU、MYJ、QNSE-EDMF、MYNN2、MYNN3、ACM2、BouLac、UW、 GBM),对2012年12月29-31日的大风过程进行预报,并用最终分析资料(FNL)检验10m风场预 报。结果表明:风速风向预报的整体平均偏差相当,风向预报的均方根误差较风速大;风速风向与 实况的相关随着预报时间增加,整体呈现下降趋势;各方案对海陆交界风速预报普遍偏大2m/s以 上,而在远离陆地的海域偏差较小;YSU方案对北部湾、东沙群岛、西沙群岛4个海区风 场的变化趋势均能较好预报,整体而言,南海大部分海域的预报偏差较小,YSU、MYNN2、MYNN3 方案对风速预报较好,ACM2方案对风向预报较好。

关键词:海面风场;WRF;边界层参数化方案;模式检验 中图分类号:P732 文献标识码:A 文章编号:1003-0239(2014)04-0032-09

1 引言

南海冬半年常受北方南下冷空气影响,海面出现大风天气,对航运、远洋捕捞、海水养殖、海岛旅游、石油开采等造成严重影响。因此对南海海面大风天气的预报需求日益增长,准确预报海面大风的 消长、位置、风力显得尤为重要。

气象台站通常采用经验预报、统计预报、数值 模式预报、统计动力预报¹¹¹等方法预报海面风场,其 中数值模式预报已成为一种重要方式。但海上观 测资料密度低,对构造真实的初始场有很大困难。 不少学者采用GRAPES 三维变分同化模式¹²¹、MM5 中尺度模式¹³⁻⁵¹、WRF中尺度模式¹⁰对大陆近海、海峡 或海面冷空气大风天气过程进行模拟预报,均能较 好模拟区域的风场演变、突变及分布特征,但对单点 的最大风速模拟偏小,WRF模式模拟结果优于MM5 模式¹⁷⁻⁸¹。Chen等¹⁹¹利用MM5模式对缅因湾海面气 象场进行预报,风速预报优于风向。盛春岩等¹¹⁰¹对 比分析了MM5、WRF-RUC和T639模式对山东沿海 最大风速预报的结果,各模式对小风预报偏大,大 风预报偏小,对6级以上大风WRF模式预报效果最 好。崔琳琳等¹¹¹利用WRF模式模拟了2008年东海 海面风场,并与QuikSCAT卫星散射计资料进行比 较分析,台风月份两者偏差波动较大。但是利用数 值模式对南海海面风场进行预报检验的工作较少。

数值模式对风场的准确模拟与模式的边界层 参数化方案^[12]、陆面过程方案以及使用的地形、下垫 面数据^[13]有很大关系。不少学者认为需因地制宜选 用不同的边界层参数化方案,以达到最好的预报效 果。王颖等^[14]采用WRF模式的3种边界层参数化 方案(YSU、MYJ和ACM2)对兰州地面风场进行模 拟,模拟风速均偏大,认为ACM2方案效果最好;涨 小培等^[15]则采用4种边界层参数化方案(YSU、 ACM2、MYNN2和BouLac)对黄山周边风场进行模 拟,同样认为ACM2方案效果最好;而Miglietta等^[16] 用YSU和MYJ方案结合不同的扩散参数对地中海

作者简介:陈俊文 (1990-),男,硕士研究生,主要从事大气数值模拟研究。E-mail: chjunw@mail2.sysu.edu.cn

收稿日期:2013-08-02

基金项目: 973 计划 (2014CB953904);高等学校博士学科点专项科研基金 (20130171110027);中央高校基本科研业务费专项 (13LGJC03)

克里特岛附近海域风场进行模拟,认为不采用扩散 参数的 YSU 方案模拟效果最好。Han 等¹¹⁷¹利用 MM5 模式中 5 种边界层参数化方案(MRF、BLK、 MYJ、GS 和PC)结合 3 种陆面过程方案对东亚地区 气象场进行模拟,风速模拟整体偏大,白天风速演 变模拟优于夜间,风向模拟较差,并认为模拟误差 主要来自次网格尺度受下垫面影响的湍流¹¹⁸¹。 Zhang等¹¹⁹¹利用 MM5模式中5种边界层参数化方案 (BLK、GS、MRF、MYJ和 BT)对美国中部地面风场 进行模拟,认为地面风场对边界层参数化方案非常 敏感,模拟与观测风速相位一致,而风向有5—6h相 位差,白天风速模拟偏小,夜间风速模拟偏大¹²⁰¹。

本文主要分析不同边界层参数化方案对南海 冬季海面大风天气的预报效果,选用WRF-ARW (Advanced Research WRF)模式对南海冬季海面大 风天气进行48h预报,对模式中9种边界层参数化 方案的预报效果进行评估,从而寻找出适合南海冬 季海面大风预报的方案。

2 资料和方法

2.1 风场实况资料

考虑到实况资料需要足够的分辨率及准确度 与模式预报结果进行对比,本文选取NCEP (National Centers for Environmental Prediction)发布 的6h更新一次的FNL $1^{\circ} \times 1^{\circ}$ 资料作为南海海面风 场的实况资料。

2.2 WRF模式设计

2.2.1 WRF模式基本参数

WRF是新一代中尺度数值预报模式,是完全可

压的非静力模式。水平方向采用 Arakawa C 格点, 垂直方向采用地形追随非静力气压垂直坐标。时 间积分采用3阶 Runge-Kutta 显式差分方案 5阶或 6 阶平流差分,采用通量形式的预报方程。

本文选用 3.5 版本的 WRF-ARW 模式,预报区 域采取两重嵌套(见图 1),水平网格距分别为 45 km、15 km,最外层积分步长为 270 s。为加强边 界层的模拟,1 km高度以下分 12 层,垂直共分 42 层。模式采用 Lin 云微物理方案,Kain-Fritsch 积云 参数化方案,RRTM (Rapid Radiative Transfer Model)长波辐射方案,Dudhia短波辐射方案,Noah 陆面过程方案。初始场及边界场采用 0.5°×0.5°的 GFS(Global Forecast System)逐 3 h 预报资料,积分 时长为 48 h,每 6 h 输出一次结果。



表1 模式试验方案设	H
------------	---

方案名称	边界层参数化方案	近地面层方案
YSU	Yonsei University scheme	MM5 Monin-Obukhov
MYJ	Mellor-Yamada-Janjic scheme	Eta Monin-Obukhov
QNSE	Quasi-Normal Scale Elimination PBL	QNSE
MYNN2	Mellor-Yamada Nakanishi and Niino Level 2.5 PBL	MM5 Monin-Obukhov
MYNN3	Mellor-Yamada Nakanishi and Niino Level 3 PBL	MM5 Monin-Obukhov
ACM2	Asymmetric Convective Model with non-local upward mixing and local downward mixing	MM5 Monin-Obukhov
BouLac	Bougeault-Lacarrère PBL	MM5 Monin-Obukhov
UW	UW scheme	MM5 Monin-Obukhov
GBM	Grenier-Bretherton-McCaa scheme	MM5 Monin-Obukhov

2.2.2 WRF模式试验设计

本文选用9种边界层参数化方案(见表1)对预 报区域进行预报,由于部分方案只能选取相应的近 地面层方案,所以无法统一近地面层方案,但大部 分近地面层方案为MM5 Monin-Obukhov方案。

2.3 风场预报检验方法

2.3.1 指数检验

风场预报检验的范围是 D02 区域(见图1)中 3°—24°N,105°—122°E的海域,陆地风场不算入检 验范围,海陆边界判定采取多数原则(1°×1°范围), 海域面积大于等于陆地面积记为海域,反之记为陆 地。

由于实况资料的水平分辨率是1°×1°,而模式 预报结果的水平分辨率是15 km×15 km,两者无法 直接进行点对点分析,故将预报结果进行区域平 均,降低分辨率到1°×1°,与实况资料匹配。

为定量分析预报效果,分别计算10m风速和风向的平均偏差(mean bias error, *MBE*)、均方根误差 (root mean square error, *RMSE*)、相关系数(correlation coefficient, *R*)。计算公式如下:

$$MBE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (x_{wrfi} - x_{obsi})$$
(1)

$$RMSE = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (x_{wrfi} - x_{obsi})^2}$$
(2)

$$R = \frac{\sum_{i=1}^{n} (x_{wrfi} - \bar{x}_{wrf}) (x_{obsi} - \bar{x}_{obs})}{\sqrt{\sum_{i=1}^{n} (x_{wrfi} - \bar{x}_{wrf})^2} \sqrt{\sum_{i=1}^{n} (x_{obsi} - \bar{x}_{obs})^2}}$$
(3)

式中, x_{wrfi} 为每个时刻模式格点的气象要素 值, x_{obsi} 为每个时刻实况资料格点的气象要素值, \bar{x}_{wrf} 为每个时刻模式格点的气象要素平均值, \bar{x}_{obs} 为每个时刻实况资料格点的气象要素平均值。

由于平均风向和风向差的计算存在过零问题。采用算术平均法计算平均风向会增加南风分量,为减小平均风向的计算误差,本文采用矢量法^[21] 计算平均风向*A_{ud}*,定义如公式(4):

$$A_{wd} = \tan^{-1}(\bar{u}/\bar{v}) \tag{4}$$

式中, \bar{u} 为每个时刻风场u风的平均值, \bar{v} 为每 个时刻风场v风的平均值。在计算风向差时同样采 用矢量法,风向差D的计算如公式(5):

$$D = \cos^{-1} \left(\frac{\overline{W_1}}{\left| \overline{W_1} \right| \left| \overline{W_2} \right|} \right)$$
(5)

式中, $\overrightarrow{W_1}$, $\overrightarrow{W_2}$ 为全风速矢量。

2.3.2 海区预报检验

为检验海岛集中或航运繁忙海区的风场预报 效果,选取北部湾(20°N,108°E)、东沙群岛(21°N, 117°E)、西沙群岛(16°N,112°E)、南沙群岛(9°N, 114°E)共4个海区的风速风向预报与实况进行比较 分析。

3 预报个例分析检验

本文选取2012年冬季一次南海海面大风过程 进行预报检验,WRF模式预报时间是12月29日08 时至31日08时。

3.1 海面大风天气形势

如图2所示,2012年12月28日08时长江中下 游的冷高压逐渐减弱东移入海29日08时冷高压主 体(1061 hPa)位于西藏以北。30日08时冷高压主 体分裂出一个冷高压(1041 hPa)单体向东南方向移 动进入华中地区,位于冷高压前沿的广东沿岸气压 梯度加大,北部湾和南海东北部出现8—9级东北大 风,中北部出现7级东北大风。31日08时冷高压减 弱东移,南海的东北部至西南部维持6级以上东北 大风。2013年1月1日08时南海大风天气基本结 束。

3.2 预报效果检验

3.2.1 指数检验

分析9种试验方案风速及风向预报时段的平均 MBE、RMSE、R(见表2),发现所有方案对风速的预 报整体偏大1m/s以内,BouLac方案风速的MBE最 小。不同方案风速的RMSE相差较小,均为2.5m/s 左右,表明预报误差整体相当。从相关系数R上分 析,风速相关较好,除了QNSE方案均能达到0.8以 上,不同方案差异并不大,YSU、MYNN2及MYNN3 方案最高。整体分析,MYNN2、MYNN3、YSU和 BouLac方案的风速预报效果较好。

风向预报则明显差于风速,整体偏差基本比风速大,YSU方案的*MBE*最小。相关系数R则明显差



28-31日海平面气压场 (来自FNL资料) 图2

表 2	9种试验方案预报的风速向平均 <i>MBE</i>	RMSE	R
184		INIDE.	n

	YSU		YSU MYJ		Q	QNSE		MYNN2		MYNN3	
	WS	WD	WS	WD	WS	WD	WS	WD	WS	WD	
MBE	0.71	-0.34	0.71	-1.42	0.53	-1.25	0.43	0.98	0.43	1.45	
RMSE	2.34	23.73	2.48	23.96	2.71	24.81	2.23	24.31	2.21	24.16	
R	0.83	0.57	0.80	0.60	0.76	0.55	0.83	0.57	0.83	0.57	
	ACM2		ACM2 BouLac			UW			GBM		
	WS	WD	WS		WD	WS	WD		WS	WD	
MBE	0.64	1.26	0.17		-2.60	0.42	-1.35		0.66	-0.87	
RMSE	2.36	24.00	2.21		25.19	2.29	24.82		2.33	23.98	
R	0.82	0.59	0.83		0.55	0.82	0.55		0.82	0.57	

注:风速WS、风向WD单位分别为m/s、°R值均通过99%的信度检验。

于风速,均在0.6以下。*RMSE*均偏大在23°—26°左 右,说明预报误差偏大,这是由于风向变化范围 (0°—360°)大,即使风向在1个方位(按16方位划 分)内变化,*RMSE*也可达到这个程度。整体分析, ACM2和MYJ方案的风向预报效果较好。

通过分析9种试验方案不同预报时刻的风速及 风向预报与实况相关系数R(见图3)整体而言两者 均随着预报时间增加呈现下降趋势。前12h预报 风速的相关迅速下降,随后有所上升,这是由于前 12h模式处于调整期,预报准确率较低。在预报 30h后R值逐渐下降,其中QNSE和MYJ方案下降 较快,可能与这两个方案采用相应的而非MM5 Monin-Obukhov近地面层方案有关。风向的相关显 著差于风速且波动较剧烈,但未出现前12h预报相 关迅速下降的情况,反而在30h预报出现急剧下 降,48h预报出现异常高值。ACM2方案在30h预 报风向均表现出比其余方案高许多的相关,这与其 余方案的走势不一致。

初始场的风速和风向相关均分别是 0.92 和 0.70 表明GFS 的初始场存在一定偏差 在初始场并 不准确的情况下 后续计算的误差在不断加大。

3.2.3 海区检验

综合以上分析,YSU、MYNN2、MYNN3、ACM2 方案对风场的整体预报效果较好,下面选取YSU方 案为例对各个预报时刻风场做检验分析。

从各个预报时刻的风场差值矢量图(见图4)可 以看出,对于海陆交界地区的风场预报较差,东北 风预报普遍偏大2m/s以上 广东和越南沿岸偏差较 大,局地偏大8m/s以上(其余方案均有此问题,图 略),说明模式低估了下垫面如地形、城市冠层对风 速的拖曳作用,使得预报风速偏大不少。对于12h 预报 广东沿岸大部的东北风偏大6—8 m/s。随后 这种偏大趋势向南海中部推移并逐渐减弱 在 30 h 预报偏差消失,说明模式对海陆交界的内边界层模 拟较差 当气流从相对粗糙干冷的陆地移向平坦暖 湿的海洋,在近海上空将形成一个内边界层,气流 在经过相当一段距离后 风速廓线才达到平坦表面 的平衡状态 这种预报偏差也就消失 而模式没有 准确描述这种风廓线平衡适应的过程。除此之外, 南海大部分海域预报偏差较小 南部海域少数预报 时刻出现2-4 m/s 偏差,说明模式对均一平坦下垫 面的风场模拟较好。

对比选取4个海区的风速风向预报与实况(图 5),YSU方案能较好预报各个海区风速及风向的变 化趋势,风速风向的突变也能很好体现。北部湾的 风速风向预报与实况基本一致,前12h风速风向预 报有偏差,随后预报效果较好。东沙群岛风速预报 普遍偏大1—3 m/s,风向的预报基本吻合。西沙群 岛风速预报偏差在2 m/s以内,风向预报吻合。南沙 群岛风速预报偏差最大,在±3 m/s之间,这与之前分



图3 9种试验方案各个预报时刻的风速风向相关系数R(虚线为95%的信度检验)



图4 YSU方案各个预报时刻风场差值矢量图 (WRF-FNL), 阴影部分为风速差

析的在南海南部预报偏差有时较大一致,风向在12h 预报后偏差较大。整体而言,各海区风场的预报与 实况较吻合,可以为海岛附近海域的预报提供一定 的帮助,中北部海域预报效果较好,南部海域稍差 一些。

4 结论

本文采用3.5版本WRF-ARW模式中9种边界 层参数化方案,对2012年12月29—31日南海海面 大风天气过程进行预报,并对海面10m风场进行预 报检验/结果表明:

(1)风速风向预报的整体平均偏差相当,所有 方案对风速的预报整体偏大1m/s以内。风向的预 报误差大于风速,风向平均均方根误差在23—26° 之间,这与风向容易变化且变化范围大有关。风速 平均相关系数较高在0.76至0.83之间,风向则较低 在0.55至0.60之间。从指数检验分析,MYNN2、 MYNN3、YSU和BouLac方案对风速的预报效果 较好,而ACM2和MYJ方案对风向的预报效果较 好;

(2)随着预报时间的增加,风速风向预报与实况的相关系数R整体呈现下降趋势。前12h预报风速的R值迅速下降,随后有所上升,这是由于前12h模式处于调整期,但风向预报没有此情况,风速预报后期QNSE和MYJ方案R值下降较快,可能与该两个方案采取的近地面层方案有关。风向的R 值不稳定,波动剧烈,30h预报出现急剧下降,而48 h预报出现异常高值,ACM2方案在30h预报风向 出现比其余方案均高的R值;

(3)所有方案均对海陆交界的风场模拟较差, 风速偏大2m/s以上,广东和越南沿岸偏差较严重,



图5 YSU方案各海区风速及风向预报与实况对比(时间为UTC)

局部可达8 m/s 以上。这与模式对下垫面的拖曳作 用、海陆交界的内边界层模拟不准确有关,在远离 陆地的海域偏差则较小。整体而言,南海大部分海 域的预报偏差较小;

(4) YSU方案能较好预报北部湾、东沙群岛、西 沙群岛、南沙群岛4个海区风场的变化趋势,能预报 出风速及风向的突变,北部湾预报效果最好,东沙 群岛和西沙群岛海域居中,南沙群岛海域预报效果 相对较差。

5 存在的不足及展望

通常而言,预报员更关注的是南海海面大风的风力大小,因为风向可从大气环流中基本确定, 冬季大风基本为东北或偏北风向,故风力的准确预 报显得更为重要。从指数检验分析,对风速预报均 较准确的是YSU、MYNN2、MYNN3方案,还需要从 物理机制上进一步探讨预报较准确的原因,对方案 描述边界层的方程做进一步分析。同时本文仅分 析了2012年12月一次大风过程,结论有一定的局 限性,下一步应对数年的冬季海面大风天气做预报 检验,增大样本容量分析YSU、MYNN2、MYNN3方 案哪个最适合于南海冬季海面大风天气预报。并 进一步探讨使用更精细准确的地形和下垫面资料 对海陆交界风场的模拟是否有改善,尝试从物理机 理上分析海陆交界风场预报差的问题。

参考文献:

- [1] 李敏, 王辉, 金啟华. 中国近海海面风预报方法综述[J]. 海洋预报, 2009, 26(3): 114-120.
- [2] 黄潮光,李晓欣,王伟,等. GRAPES 模式在一次近海强风预报中的应用[J]. 海洋预报, 2012, 29(3): 15-19.
- [3] 季晓阳, 吴辉碇, 杨学联. 海面风场数值预报的历史和现状[J]. 海 洋预报, 2005, 22(S): 167-171.
- [4] 陈德文,张世民,余金田. MM5模式风场检验及一次寒潮大风过 程模拟[C]. 福建省海洋学会2008年学术年会暨海峡西岸经济区 建设的海洋科技支撑与海洋资源开发学术研讨会论文集,2010, 182-189.
- [5] 凌铁军, 张蕴斐, 杨学联, 等. 中尺度数值预报模式(MM5)在海面 风场预报中的应用[J]. 海洋预报, 2004, 21(4): 1-9.
- [6] 杨仁勇, 冯文, 许向春, 等. 琼州海峡大风数值模拟及地形敏感性 试验[J]. 热带气象学报, 2011, 27(1): 95-100.
- [7] 赵洪,杨学联,邢建勇,等. WRF与 MM5 对 2007 年 3 月初强冷空 气数值预报结果的对比分析[J].海洋预报,2007,24(2):1-8.
- [8] GilliamR C, PleimJ E. Performance Assessment of New Land Surface and Planetary Boundary Layer Physics in the WRF-ARW
 [J]. Journal of Applied Meteorology and Climatology, 2010, 49: 760-774.
- [9] Chen C S, Beardsley R C, Hu S, et al. Using MM5 to Hindcast the Ocean Surface Forcing Fields over the Gulf of Maine and Georges Bank Region[J]. Journal of Atmospheric and Oceanic Technology,

2005, 22:131-145.

- [10] 盛春岩, 阎丽凤, 肖明静, 等. MM5、WRF-RUC和T639模式对山 东沿海风的预报分级检验[J]. 气象科学, 2013, 33(3): 340-346.
- [11] 崔琳琳, 胡松. 2008 年东海海面 WRF 风场和 QuikSCAT 风场差 异分析[J]. 海洋预报, 2012, 29(5):39-47.
- [12] 王澄海, 胡菊, 靳双龙, 等. 中尺度 WRF 模式在西北西部地区低 层风场模拟中的应用和检验[J]. 干旱气象, 2011, 29(2): 161-167.
- [13] 苗世光, 孙桂平, 马艳, 等. 青岛奥帆赛高分辨率数值模式系统 研制与应用[J]. 应用气象学报, 2009, 20(3): 370-379.
- [14] 王颖, 张镭, 胡菊, 等. WRF模式对山谷城市边界层模拟能力的 检验及地面气象特征分析[J]. 高原气象, 2010, 29(6): 1397-1407.
- [15] 张小培, 银燕. 复杂地形地区 WRF 模式四种边界层参数化方案 的评估[J]. 大气科学学报, 2013, 36(1): 68-76.
- [16] Miglietta M M, Zecchetto S, De Biasio F. WRF model and ASARretrieved 10m wind field comparison in a case study over Eastern Mediterranean Sea[J]. Advances in Science and Research, 2010, 4: 83-88.
- [17] Han Z H, Ueda H, An J L. Evaluation and intercomparison of meteorological predictions by five MM5-PBL parameterizations in combination with three land-surface models[J]. Atmospheric Environment, 2008, 42: 233-249.
- [18] Hanna S R, Yang R X. Evaluations of Mesoscale Models Simulations of Near-Surface Winds, Temperature Gradients, and Mixing Depths[J]. Journal of Applied Meteorology, 2001, 40: 1095-1104.
- [19] Zhang D L, Zheng W Z. Diurnal Cycles of Surface Winds and Temperatures as Simulated by Five Boundary Layer Parameterizations[J]. Journal of Applied Meteorology, 2004, 43: 157-169.
- [20] Pleim J E. A Combined Local and Nonlocal Closure Model for the Atmospheric Boundary Layer. Part II: Application and Evaluation in a Mesoscale Meteorological Model[J]. J Journal of Applied Meteorology and Climatology, 2010, 49: 760-774.
- [21] 邱传涛, 李丁华. 平均风向的计算方法及其比较[J]. 干旱气象, 1997, 16(1): 94-98.

CHEN Jun-wen¹, CAI Yang², BAI Yi-ping², LIN Wen-shi¹

School of Environmental Science and Engineering, Sun Yat-Sen University, Guangzhou 510275, China;
South China Sea forecasting Center, State Oceanic Administration, Guangzhou 510300, China)

Abstract :In order to find out the Planetary Boundary Layer (PBL) parameterization scheme which suits gale winds forecast in winter in the South China Sea (SCS), nine PBL parameterization schemes (YSU, MYJ, QNSE-EDMF, MYNN2, MYNN3, ACM2, BouLac, UW, GBM) were used in WRF model to simulate gale winds during 29th-31th December 2012. Wind speed and wind direction of 10 m from forecast were tested by comparing with the FNL data. Results indicate that the mean bias error of wind speed and wind direction was overall fairly, while the root mean square error of wind direction was larger than wind speed; the correlation between forecast and observation of wind speed/wind direction was going down as time passed by; predicted wind speed was 2 m/s or more higher than observed wind speed over coastal areas while smaller deviation over the sea far from mainland in all schemes; YSU scheme did well in forecast of wind field variability over the Gulf of Tonkin, Dongsha Islands, Xisha Islands and Nansha Islands; overall, the forecast error over the most parts of SCS was small, YSU, MYNN2 and MYNN3 were better schemes in wind speed forecast while ACM2 scheme was better in wind direction forecast than other scheme.

Key words sea surface wind field ;WRF planetary boundary layer parameterization scheme ;model verification

31卷